

ΘΕΜΑ Α

A1. δ

A2. γ

A3. α

A4. δ

A5. Λ Σ Σ Σ Λ

ΘΕΜΑ Β

B1.

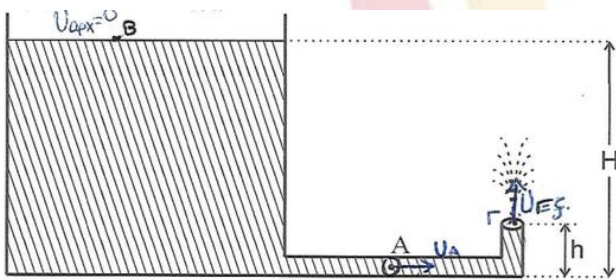
$$\text{ΘΙΤ } \Sigma F = 0 \Rightarrow mg = k \Delta l \Rightarrow \Delta l = mg/k$$

$$\text{Ισχύει } A = \Delta l = mg/k$$

$$\text{Υελατ, max} = \frac{1}{2} k (A + \Delta l)^2 = \frac{1}{2} k (2mg/k)^2 = 2m^2 g^2 / k$$

Σωστό το (ii)

B2.



$$\text{Bernoulli (B} \rightarrow \Gamma \text{)} : p_{\text{atm}} + \rho g H + \frac{1}{2} \rho (u_{\alpha\phi\rho})^2 = p_{\text{atm}} + \rho g h + \frac{1}{2} \rho (u_{\epsilon\xi})^2 \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2} \rho (u_{\epsilon\xi})^2 = \rho g (H - h) \Rightarrow u_{\epsilon\xi} = \sqrt{2g(H - h)} \Rightarrow u_{\epsilon\xi} = \sqrt{2g(5h - h)} = \sqrt{2g(4h)} = 2\sqrt{2gh}$$

$$\text{Από την εξίσωση της συνέχειας στα σημεία A και } \Gamma : \Pi = \text{σταθερό} \Rightarrow A u_{\epsilon\xi} = A u_A \Rightarrow u_{\epsilon\xi} = u_A$$

Σωστό το (iii)

$$B3) f_{\beta} = \frac{v_{\eta\chi} + v_2}{v_{\eta\chi} + v_1} f_s = \frac{v_{\eta\chi} + \frac{v_{\eta\chi}}{10}}{v_{\eta\chi} + \frac{v_{\eta\chi}}{5}} f_s = \frac{11}{12} f_s$$

Σωστό το (ii)

ΘΕΜΑ Γ

Γ1.

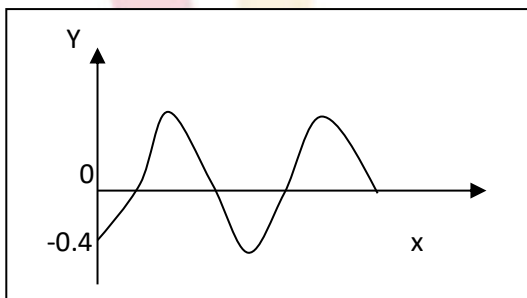
- $t = \frac{T}{2} = 0.4s$ άρα **$T=0.8s$**
- $u_{\delta} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = 0.1 \frac{m}{s}$ για το μήκος κύματος $u_{\delta} = \frac{\lambda}{T}$ άρα **$\lambda = 8 \cdot 10^{-2}m$**
- Από $E_T = \frac{1}{2}DA^2$ λυοντας ως προς A τότε : **$A=0,4 m$**

Γ2. Η εξίσωση του αρμονικού κύματος δίνεται από την σχέση:

$$y = A \eta \mu 2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right)$$

- **$y=0.4\eta\mu(2,5\pi t-25\pi x)$** για το στιγμιότυπο υπολογίζουμε την θέση σε αυτόν τον χρόνο **$t=1.4s$**
- **$x_1=14 \cdot 10^{-2}m$** . Για να βρούμε πόσες φορές χωράει στο $\lambda/4$
- $\frac{x_1}{\lambda/4} = 7$

Άρα



Γ3. Από Α.Δ.Ε.Τ

- $E=K+U$ ή $K=E-U$ ή $K=\frac{1}{2}m\omega^2 A^2 - \frac{1}{2}m\omega^2 y^2$ ή **$K=37,5 \cdot 10^{-8} \cdot \pi^2 j$**

Γ4. $y_\rho = 0.4\eta\mu(2,5\pi t - 25\pi x_\rho)$ ή $y_\rho = 0.4\eta\mu\varphi_\rho$ ή $0,4 = 0,4\eta\mu\varphi_\rho$ ή $\varphi_\rho = 2k\pi + \frac{\pi}{2}$

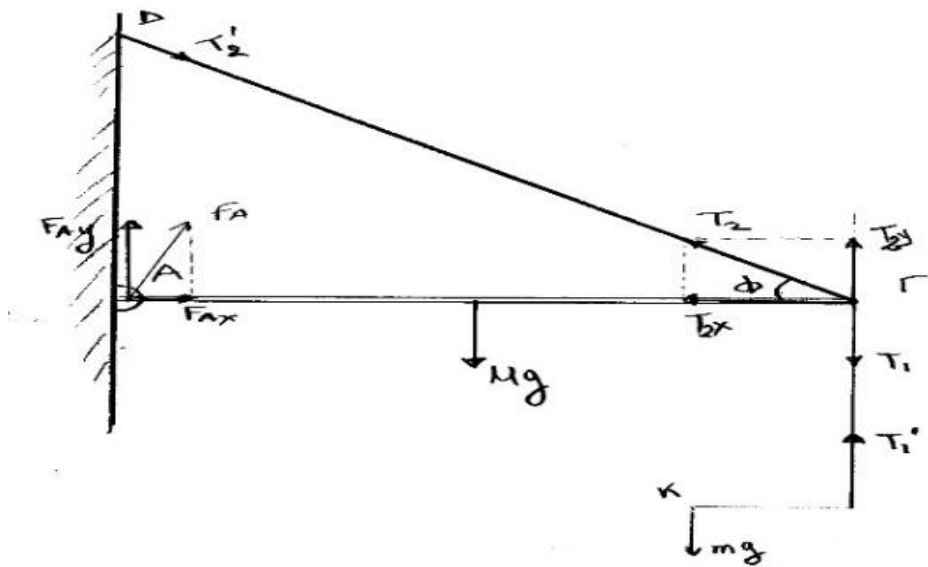
Από $\varphi_\rho - \varphi_\Sigma = \frac{3\pi}{2}$ λύνοντας ως προς $\varphi_\Sigma = -\pi \text{ rad}$

Από εξίσωση του αρμονικού κύματος ταχύτητας του (Σ):

$u = -\pi \text{ m/s}$

ΘΕΜΑ Δ

Σχήμα Δ



Δ1. για την κίνηση του δίσκου ισχύει:

$$\Sigma \vec{F} = m\vec{a}_{cm} \Rightarrow mg - T_1 = m a_{cm} \Rightarrow mg - T_1 = m a_{cm} \quad (1)$$

$$\Sigma \vec{\tau} = I \cdot \vec{\alpha}_{\gamma\omega} \Rightarrow T_1 R = \frac{1}{2} m R^2 \alpha_{\gamma\omega} \Rightarrow T_1 = \frac{1}{2} m a_{cm} \quad (2)$$

$$a_{cm} = \alpha_{\gamma\omega} \cdot R$$

$$\Rightarrow mg - \frac{1}{2} m a_{cm} = m a_{cm} \rightarrow mg = \frac{3}{2} m a_{cm} \Rightarrow a_{cm} = \frac{2}{3} g \Rightarrow a_{cm} = \frac{20}{3} \text{ m/s}^2$$

Δ2. Από τη σχέση ② προκύπτει $T_1 = \frac{1}{2} m_{\alpha cm} = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot \frac{20}{3} = \frac{20}{3} \text{ N}$

$T_{2y} = T_2 \eta \mu \varphi$

Από την ισορροπία της ράβδου έχουμε:

$$\Sigma \vec{\tau}_{(A)} = 0 \Rightarrow T_{2y} l - T_1 \cdot l - w \frac{l}{2} = 0 \Rightarrow T_2 \cdot \eta \mu \varphi - T_1 - \frac{w}{2} = 0 \Rightarrow T_2 = \frac{T_1 + \frac{w}{2}}{\eta \mu \varphi} = \frac{\frac{20}{3} + 20}{0,8} = \frac{\frac{80}{3}}{0,8} = \frac{80}{3 \cdot 0,8} = \frac{100}{3} \text{ N}$$

Δ3. Ο Δίσκος κάνει σύνθετη κίνηση

$$h_1 = \frac{1}{2} \alpha_{cm} t^2 = \frac{1}{2} \cdot \frac{20}{3} t^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{h_1 \cdot 6}{20}} = \sqrt{\frac{0,3 \cdot 6}{20}} = \sqrt{\frac{1,8}{20}} = \sqrt{\frac{18}{200}} = \sqrt{\frac{9}{100}} = 0,3 \text{ s}$$

$$U_{cm} = \alpha_{cm} t = \frac{20}{3} \cdot 0,3 = 2 \text{ m/s}$$

$$U_{cm} = \omega R \Rightarrow \omega = \frac{U_{cm}}{R} = \frac{2}{0,1} = 20 \text{ rad/s}$$

$$L = I \cdot \omega = \frac{1}{2} m R^2 \omega = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot \frac{1}{100} \cdot 20 = 0,2 \text{ kg m}^2/\text{s}$$

Δ4. $U'_{cm} = v_{cm} + gt = 3 \text{ m/s}$

$$\frac{K_{\Sigma T}}{K_{ME}} = \frac{\frac{1}{2} I \omega^2}{\frac{1}{2} m v'_{cm}{}^2} = \frac{\frac{1}{2} m R^2 \omega^2}{\frac{1}{2} m v'_{cm}{}^2} = \frac{\frac{1}{2} \omega^2 R^2}{v'_{cm}{}^2} = \frac{2}{9}$$

Επιμέλεια απαντήσεων: Γιώργος Ποθητάκης, Λάμπρος Τσιουρής, Γιώργος Δρακόπουλος, Παναγιώτης Αποστολόπουλος, Χρήστος Φίλιος, Παναγιώτης Πανταζής